# DM n°4

Pour le vendredi 11 octobre 2024 MPSI2 - 2024/2025

#### Exercice 1 : Étude d'un téléobjectif d'appareil photo

Un téléobjectif est constitué de deux lentilles minces dont les axes coïncident. La lentille d'entrée  $L_1$  a une vergence  $C_1 = 10 \delta$ , et est suivie d'une lentille  $L_2$  de vergence  $v_2 = -40 \delta$ . La distance séparant les centres optiques des deux lentilles est de 8 cm. Un objet de hauteur h = 50 cm est placé à d = 100 m.

- 1. Déterminer les caractéristiques de l'image intermédiaire  $\overline{{\rm A_1B_1}}$  donnée par  $L_1$ .
- 2. Quel rôle joue cette image pour la lentille  $L_2$ ? Déterminer les caractéristiques de l'image définitive  $\overline{A'B'}$ .
- 3. Déterminer la position de la lentille convergente qui permettrait d'arriver au même résultat. Préciser sa distance focale. Conclure quand à l'intérêt du téléobjectif.

#### Exercice 2: Lunette astronomique

On s'intéresse à quelques éléments du matériel d'un astronome désirant photographier Jupiter lors d'une période favorable à son observation. Dans cette exercice, on modélisera simplement les éléments optiques de son instrument d'observation.

#### 2.1 Étude de la lunette astronomique

On considère une lunette astronomique formée d'un objectif qui est une lentille mince de vergence  $v_1 = +4,00 \, \delta$  et d'un oculaire qui est une lentille mince de vergence  $v_2 = +20,0 \, \delta$ . Ces deux lentilles ont le même axe optique  $\Delta$ . La lunette est **afocale**, c'est-à-dire que tout les rayons arrivant parallèles entre eux ressortent parallèles entre eux. Les conditions de Gauss sont supposées vérifiées.

- 1. Déterminer la nature des lentilles ainsi que leurs distances focales  $f'_1$  et  $f'_2$ .
- 2. Quel est l'intérêt, pour un œil sain, d'utiliser une lunette afocale pour l'observation d'objets astronomiques?
- 3. Quelle est la conséquence sur la distance entre les lentilles? Justifier la réponse.
- 4. On observe à travers la lentille un objet ponctuel  $B_{\infty}$  hors de l'axe optique. Les rayons qui viennent de  $B_{\infty}$  forment donc un faisceau de rayons parallèles et faisant un angle  $\alpha$  avec l'axe optique.
  - (a) Placer sur le schéma  $O_1$ ,  $O_2$ ,  $F'_1$ ,  $F_2$  et  $F'_2$ .
  - (b) Tracer l'image de ce faisceau par la lunette sur le document 1. On notera  $B_1$  l'image intermédiaire formée par l'objectif.

5. On note  $\alpha'$  l'angle que forment les rayons émergents en sortie de la lunette. La lunette est caractérisée par son grossissement  $G = \alpha'/\alpha$ . Indiquer  $\alpha$  et  $\alpha'$  sur le schéma et montrer que le grossissement de la lunette vaut :

$$G = -\frac{f_1'}{f_2'}$$

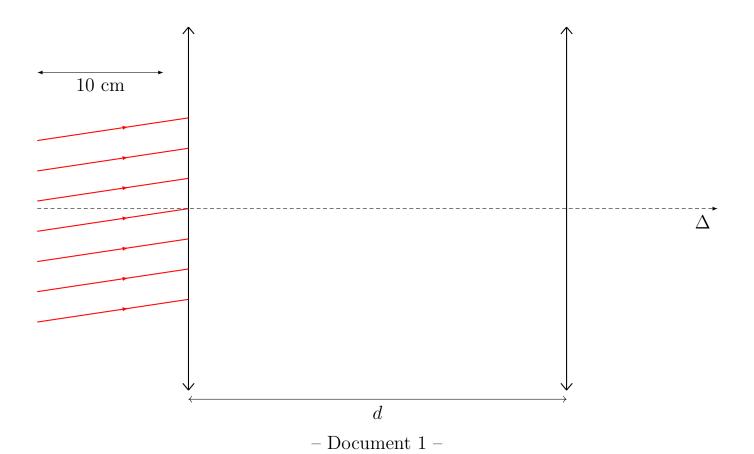
Commenter ce résultat.

Pour pouvoir observer un tel objet, il faut que la luminosité qui entre dans l'instrument d'optique soit suffisante.

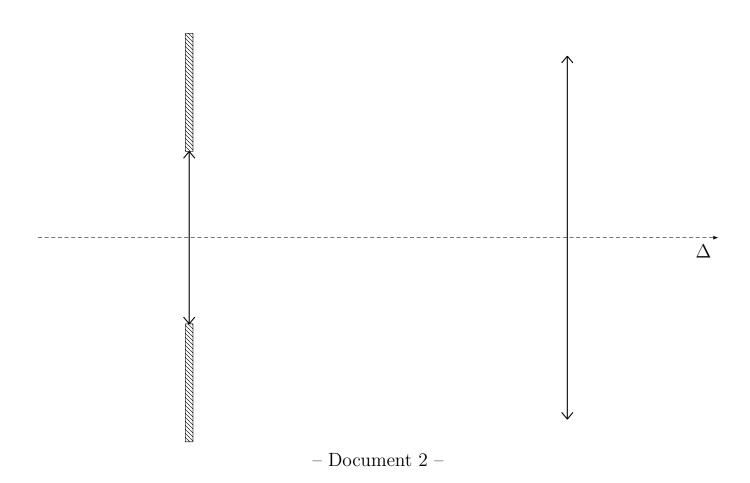
- 6. Tracer l'image par l'oculaire de la monture de l'objectif sur le document 2. Cette image est appelée cercle oculaire. On note  $D_1$  le diamètre de l'objectif et  $D_c$  le diamètre du cercle oculaire.
- 7. En utilisant la formule de conjugaison, exprimer la position du cercle oculaire en fonction de  $f_2'$  et  $f_1'$ .
- 8. En déduire que le diamètre du cercle oculaire est :

$$D_c = \frac{f_2' D_1}{f_1'}$$

- 9. Justifier, en vous appuyant sur une propriété des lentilles minces, que tous les rayons passant par l'objectif passent par le cercle oculaire.
- 10. Où placer son œil alors pour maximiser la lumière reçue?



DM  $n^{\circ}4$  MPSI2 – 2024/2025



#### 2.2 Quand observer Jupiter?



Pour un observateur terrestre, Jupiter est vue sous un angle  $\alpha$  qui varie suivant la distance Terre-Jupiter. Les orbites de la Terre et de Jupiter sont assimilées à des cercles dans un même plan, ayant pour centre le Soleil, de rayons

respectifs  $R_{\rm T}=150\times 10^6$  km et  $R_{\rm J}=780\times 10^6$  km et décrits dans le même sens. Jupiter est modélisée par une sphère de diamètre  $d_{\rm J}=140\,000$  km.

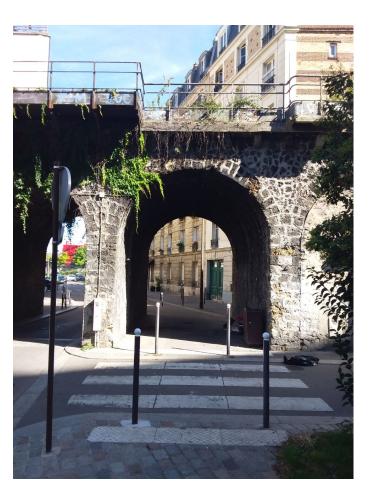
- 11. Calculer sous quel angle maximal  $\alpha_0$  on voit Jupiter depuis la Terre. Comment nous-apparaît-elle?
- 12. Cette situation, la plus favorable à l'observation, porte le nom d'opposition de Jupiter. Proposer une explication pour ce nom.

La lunette astronomique de l'observatoire de Meudon, en banlieue parisienne, est composé d'un objectif de distance focale  $f'_1 = 16$  m et d'un oculaire de distance focale  $f'_2 = 4$  cm. Le diamètre de L<sub>1</sub> est de 0,80 m.

- 13. Calculer l'angle sous lequel est vu Jupiter avec la lunette. Commenter.
- 14. Calculer la position et la taille du cercle oculaire. Commenter la valeur de sa taille.
- 15. Citer deux exemples de phénomènes pouvant affecter la qualité des images obtenues par l'utilisation d'une lunette astronomique.

DM  $N^{\circ}4$  MPSI2 – 2024/2025

### Exercice 3: Profondeur d'un pont



Voici la photographie d'un pont permettant le passage sous l'ancienne voie ferrée de la petite ceinture à Paris (rue Dampierre - 19ème arrondissement). Sa largeur (horizontale) est de 4,0 m. La photographie est prise à 10 mètres du pont.

La photographie fait  $960 \times 1280$  pixels. La notice précise qu'il s'agit d'un capteur photo 1/4'' dont on peut trouver (par exemple sur https://en.wikipedia.org/wiki/Image\_sensor\_format#Table\_of\_sensor\_formats\_and\_sizes) la taille du capteur :  $2,7 \text{ mm} \times 3,6 \text{ mm}$ .

## Estimer la profondeur du pont et la focale de l'appareil photo.

Vous pouvez retrouver la photographie sur le site pour réaliser des mesures plus précises.